

Výberové princípy z postupnosti funkcií

Téma bakalárskej práce

Jaroslav Šupina

Postupnosť postupností čísel

$a_{0,0}$	$a_{0,1}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	\dots	$a_{0,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{1,0}$	$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	\dots	$a_{1,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$	\dots	$a_{2,m}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots		\vdots	\vdots		\vdots			
$a_{n,0}$	$a_{n,1}$	$a_{n,2}$	$a_{n,3}$	\dots	$a_{n,m}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots		\vdots	\vdots		\vdots			

Postupnosť postupností čísel

$a_{0,0}$	$\textcolor{red}{a_{0,1}}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	\dots	$a_{0,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{1,0}$	$\textcolor{red}{a_{1,1}}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	\dots	$a_{1,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$\textcolor{red}{a_{2,3}}$	\dots	$a_{2,m}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots		\vdots	\vdots		\vdots			
$a_{n,0}$	$a_{n,1}$	$a_{n,2}$	$a_{n,3}$	\dots	$\textcolor{red}{a_{n,m}}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots		\vdots	\vdots		\vdots			

Postupnosť postupností čísel

$a_{0,0}$	$\textcolor{red}{a_{0,1}}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	\dots	$a_{0,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{1,0}$	$\textcolor{red}{a_{1,1}}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	\dots	$a_{1,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$\textcolor{red}{a_{2,3}}$	\dots	$a_{2,m}$	\dots	\rightarrow	0
⋮		⋮	⋮		⋮			
$a_{n,0}$	$a_{n,1}$	$a_{n,2}$	$a_{n,3}$	\dots	$\textcolor{red}{a_{n,m}}$	\dots	\rightarrow	0
⋮		⋮	⋮		⋮			

Kontrolná postupnosť: $\langle \frac{1}{n+1} : n \in \omega \rangle$

Postupnosť postupností čísel

$a_{0,0}$	$\textcolor{red}{a_{0,1}}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$	\dots	$a_{0,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{1,0}$	$\textcolor{red}{a_{1,1}}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$	\dots	$a_{1,m}$	\dots	\rightarrow	0
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$\textcolor{red}{a_{2,3}}$	\dots	$a_{2,m}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots		\vdots	\vdots		\vdots			
$a_{n,0}$	$a_{n,1}$	$a_{n,2}$	$a_{n,3}$	\dots	$\textcolor{red}{a_{n,m}}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots		\vdots	\vdots		\vdots			

Kontrolná postupnosť: $\langle \frac{1}{n+1} : n \in \omega \rangle$

$$1 > |a_{0,m_0}| \quad \frac{1}{2} > |a_{1,m_1}| \quad \frac{1}{3} > |a_{2,m_2}| \quad \dots \quad \frac{1}{n+1} > |a_{n,m_n}| \quad \dots$$

Postupnosť postupností funkcií

$f_{0,0}$	$f_{0,1}$	$f_{0,2}$	$f_{0,3}$	\dots	$f_{0,m}$	\dots	\rightarrow	0
$f_{1,0}$	$f_{1,1}$	$f_{1,2}$	$f_{1,3}$	\dots	$f_{1,m}$	\dots	\rightarrow	0
$f_{2,0}$	$f_{2,1}$	$f_{2,2}$	$f_{2,3}$	\dots	$f_{2,m}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots			\vdots		\vdots			
$f_{n,0}$	$f_{n,1}$	$f_{n,2}$	$f_{n,3}$	\dots	$f_{n,m}$	\dots	\rightarrow	0
\vdots			\vdots		\vdots			



0

Postupnosť postupností funkcií

$f_{0,0}$	$f_{0,1}$	$f_{0,2}$	$f_{0,3}$...	$f_{0,m}$...	\rightarrow	0
$f_{1,0}$	$f_{1,1}$	$f_{1,2}$	$f_{1,3}$...	$f_{1,m}$...	\rightarrow	0
$f_{2,0}$	$f_{2,1}$	$f_{2,2}$	$f_{2,3}$...	$f_{2,m}$...	\rightarrow	0
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
$f_{n,0}$	$f_{n,1}$	$f_{n,2}$	$f_{n,3}$...	$f_{n,m}$...	\rightarrow	0
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

Vybraná konvergentná postupnosť nemusí existovať!

Základné informácie

- ▶ možnosť pokračovať v rámci diplomovej práce v podobnej problematike je pravdepodobná
- ▶ znalosť metrických priestorov je vítaná
- ▶ plánované absolvovanie predmetu Logika a teória množín je potrebné

Ciele

- ▶ preštudovať známe výsledky o výberových princípoch postupnosti funkcií
- ▶ analyzovať princípy súvisiace s monotónnou konvergenciou
- ▶ vyjasniť úlohu oboru hodnôt pri polospojitých funkciách
- ▶ nájsť a analyzovať spoločné schému pre princípy s parametrami, ako sú typ konvergencie alebo systémy funkcií
- ▶ zobrať do úvahy i ideálové verzie konvergencie funkcií
- ▶ vylepšiť intuiciu pri práci s nekonečnom
- ▶ rozšíriť niektoré znalosti o euklidovských resp. metrických priestoroch na všeobecné topologické priestory
- ▶ osvojiť si niektoré vedomosti z metamatematiky (napr. nerozhodnuteľné tvrdenia)

Literatúra

-  Chandra D., *Some remarks on sequence selection properties using ideals*, Mat. Vesnik **68** (2016), 39–44.
-  Šupina J., *On sequence selection properties*, Filomat **27** (2013), 1523–1544.